

Crterios de calificaci3n de tareas y reglas de los grupos

- Cada grupo tendr1 un capit1n seleccionado entre los alumnos con m1s nota en la anterior evaluaci3n.
- La funci3n del capit1n ser1 completar sus tareas y ayudar a sus compa1eros en todas las dudas que surjan durante la realizaci3n de las sesiones. Los capitanes son los 1nicos que podr1n levantarse del sitio para resolver dudas y podr1n obtener hasta 1 p adicional en el examen por ejercer correctamente su labor.
- Al finalizar el tema, los alumnos de cada grupo pondr1n nota a la labor de su capit1n.

Entrega de hojas de visualizaci3n de los v1deos	5 p
Por los niveles de ejercicios completados	10 p
Observaci3n del profesor de la actitud y del trabajo realizado individualmente por cada alumno	5 p

Temporalizaci3n de las tareas

Nivel 1 **(2 p)**

Sesi3n 1 - abril	- Entrega de hojas de v1deos 1 y 2 (1 p) // - Ejercicios 1 a 5
------------------------	---

Nivel 2 **(3 p)**

Sesi3n 2 - abril	- Entrega de hoja de v1deos 3 y 4 (1 p) // - Ejercicio 6 (todos los apartados)
Sesi3n 3 - abril	- Ejercicio 7 – Desde “a” hasta “m”
Sesi3n 4 - abril	- Ejercicio 7 – Desde “m” hasta “v” (ejer. “w”, “x”, “y” ver con el profesor)
Sesi3n 5 - abril	- Entrega de hoja de v1deos 5 y 6 (1 p) // - Ejercicios 8, 9, 10 y 11

Nivel 3 **(2 p)**

Sesi3n 6 - abril	- Entrega de hoja de v1deo 7 (1 p) // - Ejercicio 12
Sesi3n 7 - abril	- Ejercicio 13
Sesi3n 8 - abril	- Entrega de hoja de v1deos 8 y 9 (1 p) //- Ejercicios 14 a 18

Nivel 4 **(3 p)**

Sesi3n 9 - abril	- Ejercicio 19 //- Ejer. EVAU del nivel 4.
Sesi3n 10 - abril	Ejer. EVAU del nivel 4.
Sesi3n 11 - mayo	Ejer. EVAU del nivel 4 // Repaso y dudas para el examen
..... mayo	Repaso y dudas para el examen
..... mayo	Examen As1ntotas, Continuidad, Derivadas

Nivel 1

(2 p)

CONTINUIDAD

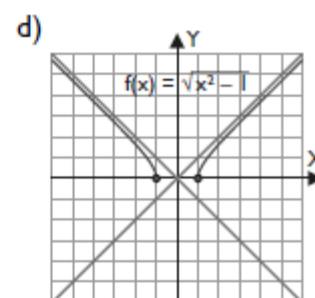
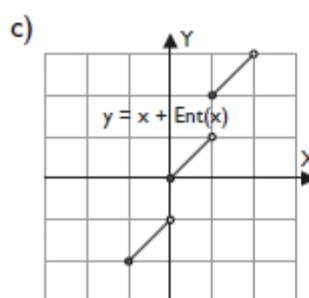
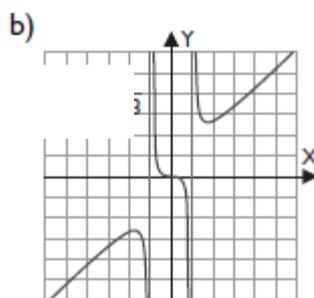
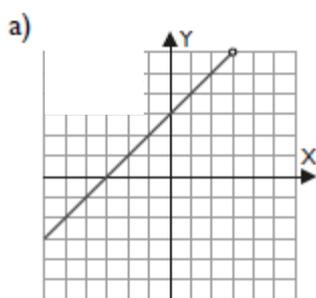
1) Estudiar la continuidad de las siguientes funciones

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & \text{si } x < 2 \\ 2x & \text{si } x > 2 \\ 1 & \text{si } x = 2 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} 2^x - 2 & \text{si } x \leq 1 \\ Lx & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

$$f(x) = x^2 \quad \text{si } x \leq 2$$

2) Indica en qué puntos hay discontinuidades y clasificalas de las siguientes funciones.



3) Estudia la continuidad de las siguiente funciones. Al no ser una función a trozos, estudia primero el dominio y mira que pasa con la continuidad en los puntos que no están en el dominio.

a) $f(x) = \frac{3x^2 - x - 8}{x - 1}$

b) $f(x) = \frac{\sqrt{x+1}}{x}$

Sol: a) $x=1$ D.Salto Inf., b) $x=0$ D.Salto Inf, $x=-1$ D. 2ª especie

4) Determina los valores de a,b,c y d en las siguientes funciones para que sean continuas:

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 - 1 & \text{si } x < 0 \\ ax + b & \text{si } 0 \leq x < 1 \\ \frac{2ax+1}{b} & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} cx + d & \text{si } x < -1 \\ 1 - x & \text{si } -1 \leq x < 1 \\ cx + d & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

Soluciones: $a=0$, $b=-1$, $c=-1$, $d=1$

5) Calcula, en cada caso, el valor de "k" para que f(x) sea continua en todo R.

a) $f(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & x \leq 3 \\ x + k & x > 3 \end{cases}$

b) $f(x) = \begin{cases} 6 - x/2 & x < 2 \\ x^2 - kx & x \geq 2 \end{cases}$

c) $f(x) = \begin{cases} x^2 - x & x \neq 0 \\ k & x = 0 \end{cases}$

Soluciones: a) $k=2$, b) $k=-1/2$, c) $k=-1$

Derivadas

6. Calcula las derivadas de las siguientes funciones:

a) $f(x)=x^2+3x+1$	b) $f(x)=3x^3+5x^2+3x$	c) $f(x)=\sqrt{x} + \sqrt[3]{x} + \sqrt[4]{x}$	d) $f(x)=2^x + 3^x + e^x$
e) $f(x)=\ln(x) + \log_2(x)$	f) $f(x)=\text{sen}(x)+\text{cos}(x)$	g) $f(x)=\text{tg}(x)+ \arcsen(x)$	h) $f(x)=\text{arcos}(x)+ \text{arctg}(x)$
i) $f(x)=5\text{sen}(x) + 3\ln(x)$	j) $f(x)=x \cdot \text{sen}(x)$	k) $f(x)=x^2 \cdot \text{cos}(x)$	l) $f(x)=\frac{x}{\ln(x)}$
m) $f(x)=\frac{x^2+x}{x-1}$	n) $f(x)=\frac{x}{e^x}$	ñ) $f(x)=\frac{\text{sen}(x)}{\ln(x)}$	o) $f(x)=\frac{\arcsen(x)}{\text{cos}(x)}$
p) $f(x)=\sqrt{3x^2 + 2x}$	q) $f(x)=e^{x^2+1}$	r) $f(x)=\ln(\text{cos}(x))$	s) $f(x)=\ln(\text{sen}(\text{cos}(x)))$
t) $f(x)=\sqrt{\text{sen}(x^2)}$	u) $f(x)=\sqrt[3]{\text{arctg}(x^2)}$	v) $f(x)=3^{\ln(2x+1)}$	w) $f(x)=\frac{\text{tg}(2x)}{3^{3x+1}}$
x) $f(x)=\sqrt{\ln(\text{cos}(x^2 - 3x))}$	y) $f(x)=x^2 \text{cos}(3x) - \frac{1}{x}$		

Soluciones del ejercicio 6:

a) $f'(x)=2x+3$	b) $f'(x)=9x^2+10x+3$	c) $f'(x)=\frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} + \frac{1}{4\sqrt[4]{x^3}}$	d) $f'(x)=2^x \ln 2 + 3^x \ln 3 + e^x$
e) $f'(x)=1/x + 1/x \cdot \log_2 e$	f) $f'(x)=\text{cos}(x)-\text{sen}(x)$	g) $f'(x)=\frac{1}{\text{cos}^2(x)} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	h) $f'(x)=\frac{-1}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{1}{1+x^2}$
i) $f'(x)=5\text{cos}(x)+3/x$	j) $f'(x)=\text{sen}(x)-x\text{cos}(x)$	k) $f'(x)=2x\text{cos}(x)-x^2\text{sen}(x)$	l) $f'(x)=\frac{\ln(x)-1}{\ln^2(x)}$
m) $f'(x)=\frac{x^2-2x-1}{x^2-2x+1}$	n) $f'(x)=\frac{1-x}{e^x}$	ñ) $f'(x)=\frac{\text{cos}(x) \ln(x) - \frac{\text{sen}(x)}{x}}{\ln^2(x)}$	o) $f'(x)=\frac{\frac{\text{cos}(x)}{\sqrt{1-x^2}} + \arcsen(x)\text{sen}(x)}{\text{cos}^2(x)}$
p) $f'(x)=\frac{6x+2}{2\sqrt{3x^2+2x}}$	q) $f'(x)=e^{x^2+1} \cdot 2x$	r) $f'(x)=\frac{-\text{sen}(x)}{\text{cos}(x)} = -\text{tg}(x)$	s) $f'(x)=\frac{1}{\text{sen}(\text{cos}(x))} \cdot \text{cos}(\text{cos}(x))(-\text{sen}(x))$
t) $f'(x)=\frac{1}{2\sqrt{\text{sen}(x^2)}} \cdot \text{cos}(x^2)2x$	u) $f'(x)=\frac{1}{3\sqrt[3]{\text{arctg}(x^2)^2}} \cdot \frac{1}{1+(x^2)^2} \cdot 2x$	v) $f'(x)=3^{\ln(2x+1)} \ln(3) \cdot \frac{1}{2x+1} \cdot 2$	w) $f'(x)=\frac{\frac{2}{\text{cos}^2(2x)} 3^{3x+1} - \text{tg}(2x) \cdot 3^{3x+1} \ln(3)}{(3^{3x+1})^2}$
x) $f'(x)=\frac{1}{2\sqrt{\ln(\text{cos}(x^2-3x))}} \cdot \frac{1}{\text{cos}(x^2-3x)} (-\text{sen}(x^2-3x))(2x-3)$	y) $f'(x)=2x \cdot \text{cos}(3x) - x^2 \cdot \text{sen}(3x) \cdot 3 + \frac{1}{x^2}$		

Nivel 2

(3 p)

7. Calcula las derivadas de las siguientes funciones:

a) $f(x) = e^{2x} + (e^x)^2 + e^{x^2}$	b) $f(x) = \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{3}\right) - 3\ln(\sqrt{2})$	c) $f(x) = \operatorname{arsen}(\cos(x))$	d) $f(x) = \frac{x^2+2x+1}{x+1}$
e) $f(x) = \operatorname{sen}(\sqrt{\ln(2x+1)^3})$	f) $f(x) = -x^2\cos x + 2x\operatorname{sen}x + 2\cos x$	g) $f(x) = \frac{5^x}{\ln 5}$	h) $f(x) = \frac{\operatorname{sen}(x) \cdot \cos(x)}{\operatorname{tg}(x)}$
i) $f(x) = (\operatorname{sen}(x) + \cos(x))^2$	j) $f(x) = (x^2+3x)e^{\operatorname{sen}(x)}$	k) $f(x) = \operatorname{arccos}(x^3)$	l) $f(x) = \operatorname{arcsen}(\sqrt{1-x})$
m) $f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$	n) $f(x) = x^5 + 5^x$	ñ) $f(x) = \frac{3^x \cdot e^x}{1 + \ln(3)}$	o) $f(x) = \sqrt[3]{x\sqrt{x}}$
p) $f(x) = \operatorname{sen}^2(x) + \cos^2(x)$	q) $f(x) = 2\sqrt{x}$	r) $f(x) = x \cdot \ln(x) - x$	s) $f(x) = \frac{x^2+2x+3}{x}$
t) $f(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$	u) $f(x) = \operatorname{arctg}(\sqrt{x})$	v) $f(x) = \ln(e^{x^2+3x})$	w) $f(x) = x^x$
x) $f(x) = x^{2x}$	y) $f(x) = \sqrt[3]{x}$		

Soluciones del ejercicio 7:

a) $f'(x) = e^{2x} \cdot 2 + 2e^x e^x + e^{x^2} \cdot 2x$	b) $f'(x) = 0$	c) $f'(x) = -1$	d) $f'(x) = 1$
e) $f'(x) = \frac{3\cos(\sqrt{\ln(2x+1)^3})}{(2x+1)\sqrt{\ln(2x+1)^3}}$	f) $f'(x) = x^2\operatorname{sen}(x)$	g) $f'(x) = 5^x$	h) $f'(x) = -2\operatorname{sen}(x)\cos(x)$
i) $f'(x) = 2\cos(x^2) - 2\operatorname{sen}(x^2)$	j) $f'(x) = e^{\operatorname{sen}(x)}[\cos(x) \cdot (x^2+3x) + 2x+3]$	k) $f'(x) = \frac{-3x^2}{\sqrt{1-x^6}}$	l) $f'(x) = \frac{-1}{2\sqrt{x}\sqrt{1-x}}$
m) $f'(x) = \frac{4}{(e^x + e^{-x})^2}$	n) $f'(x) = 5x^4 + 5^x \ln(5)$	ñ) $f'(x) = 3^x \cdot e^x$	o) $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
p) $f'(x) = 0$	q) $f'(x) = 2\sqrt{x} \cdot \ln(2) \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}$	r) $f'(x) = \ln(x)$	s) $f'(x) = \frac{x^2-3}{x^2}$
t) $f'(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$	u) $f'(x) = \frac{1}{(1+x) \cdot 2\sqrt{x}}$	v) $f'(x) = 2x+3$	w) $f'(x) = (1+\ln(x)) \cdot x^x$
x) $f'(x) = (1+\ln(x)) \cdot 2x^{2x}$	y) $f'(x) = \frac{1-\ln(x)}{x^2} \cdot \sqrt[3]{x}$		

Cálculo de la recta tangente

- 8) Halla la ecuación de la recta tangente a la curva $y = x^2 - 5x + 6$ en el punto de abscisa $x = 2$. (Sol: $y = -1(x-2)$)
- 9) Halla la ecuación de la recta tangente a la curva $y = -x^2 + 2x + 5$ en el punto de abscisa $x = -1$. (Sol: $y - 2 = 4(x+1)$)
- 10) Calcula los valores a , b y c de la función $f(x) = ax^2 + bx + c$, sabiendo que pasa por el punto $(0,5)$ y tiene un punto de tangente horizontal en $(2,-3)$. (Sol: $c = 5$, a y b solución del sistema $4a + 2b + 5 = -3$, $4a + b = 0$)
- 11) Halla el valor de x en el que las tangentes a las curvas $y = -3x^2 - 2x + 5$ e $y = -x^2 + 6x$ sean paralelas. (Sol: Paralelas \rightarrow misma pendiente $\rightarrow -6x - 2 = -2x + 6 \rightarrow x = -2$)

Nivel 3

(3 p)

Estudiar el crecimiento de las siguientes funciones determinando los extremos relativos

12. a) $y=x^2-5x+6$ b) $y=x^3-3x$ c) $y=\frac{x+1}{x+5}$ d) $y=x^4-4x^2$ e) $y=4\sqrt{x^2+2x}$

Sol: a) Decrece $(-\infty, 2.5)$, Min $x=2.5$, Crece $(2.5, \infty)$ // b) Crece $(-\infty, -1)$, Max $x=-1$, Decrece $(-1, 1)$, Min $x=1$, Crece $(1, \infty)$
 c) Crece $(-\infty, \infty)$ // d) Decrece $(-\infty, -\sqrt{2})$, Min $x=-\sqrt{2}$, Crece $(-\sqrt{2}, 0)$, Max $x=0$, Decrece $(0, \sqrt{2})$, Min $x=\sqrt{2}$, Crece $(\sqrt{2}, \infty)$
 // e) Dominio $(-\infty, -2] \cup [0, \infty)$, Decrece en $(-\infty, -2]$ y Crece en $[0, \infty)$, No hay max. y min.

Estudiar la curvatura de las siguientes funciones

13. a) $y=x^4-6x^2$ b) $y=\ln(x+1)$ c) $y=3x^2-2x+1$ d) $y=x^3-3x^2$ e) $y=\sqrt{x}$

Sol: a) Conc.Arriba $(-\infty, -1)$, P.I. $x=-1$, Conc.Abajo $(-1, 1)$, P.I. $x=1$, Conc.Arriba $(1, \infty)$ // b) Conc. Abajo en $(-1, +\infty)$
 (Después del estudio de la curvatura hay que tener en cuenta el dominio) // c) Conc.Arriba $(-\infty, \infty)$
 d) Conc.Abajo $(-\infty, 1)$, P.I. $x=1$, Conc.Arriba $(1, \infty)$ // e) Tener en cuenta el dominio. Conc.Abajo $[0, \infty)$

Problemas de optimización

14. Hallar dos números cuya suma es 18, sabiendo que el producto de uno por el cuadrado del otro es máximo. (Sol: $P(x)=x(18-x)^2 \rightarrow$ Los números son 6 y 12.)

15. Tomamos un rectángulo de perímetro 8 unidades, ¿cuáles serán sus dimensiones para que tenga área máxima?. (Sol: $A(x)=x(4-x) \rightarrow$ Área máximas si es cuadrado de lado 2).

16. Tomamos un rectángulo de área 4 unidades, ¿cuáles serán sus dimensiones para que el perímetro sea mínimo? (Sol: $P(x)=2x+8/x \rightarrow$ Perímetro mínimo si es un cuadrado de lado 2)

17. Se pretende fabricar una lata de conserva cilíndrica (con tapa) de 1 litro de capacidad (volumen).
 ¿Cuáles deben ser sus dimensiones para que se utilice el mínimo posible de metal? (Sol: $r=\frac{1}{\sqrt[3]{2\pi}}$, $h=\sqrt[3]{\frac{4}{\pi}}$)

18. Se tiene un alambre de 1 m de longitud y se desea dividirlo en dos trozos para formar con uno de ellos un círculo y con el otro un cuadrado. Determinar la longitud que se ha de dar a cada uno de los trozos para que la suma de las áreas del círculo y del cuadrado sea mínima. (Sol: $x+y=1$, $S(x)=\pi\left(\frac{x}{2\pi}\right)^2 + \left(\frac{1-x}{4}\right)^2$, El mínimo se alcanza en $x=\frac{2\pi}{8+2\pi}$)

Regla de L'Hopital (para cuando sepáis derivar)

19. Calcula estos límites utilizando la Regla de L'Hopital:

a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ b) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\operatorname{tg} x}$ c) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sin x - \sin a}{x - a}$ d) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2}$

Sol: a) 1, b) 1, c) $\cos(a)$, d) 1/2

Nivel 4

(2 p)

JUNIO 2017

1A. Dada la función

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + a & \text{si } x \leq 2 \\ -x^2 + bx - 9 & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

a) Calcula razonadamente los parámetros a y b para que $f(x)$ sea derivable en todo \mathbb{R} . (1,5 puntos)

Sol: $a=-1, b=8$

2A. Con una chapa metálica de 8×5 metros se desea construir, cortando cuadrados en las esquinas, un cajón sin tapa de volumen máximo. Halla razonadamente las dimensiones de dicho cajón. (2,5 puntos)

Sol: $x=1$, Dimensiones: $3 \times 6 \times 1$

1B. Calcula razonadamente los siguientes límites:

$$\text{a) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 3x^2 - 4}{x^3 + 5x^2 + 8x + 4} \quad \text{b) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \ln(x+1)}{2 - 2 \cos x} \quad (1,25 \text{ puntos por límite})$$

Nota: \ln denota logaritmo neperiano.

Sol: a) 3, b) 1

SEPTIEMBRE 2017

2A. a) Determina el valor de $k \in \mathbb{R}$ para que la siguiente función sea continua en $x = 0$.

$$f(x) = \begin{cases} \left(\frac{x+1}{2x+1} \right)^{1/x} & \text{si } x < 0 \\ 6x + k & \text{si } x \geq 0 \end{cases} \quad (1,5 \text{ puntos})$$

Sol: $k=1/e$

1B. Halla razonadamente las dimensiones más económicas de una piscina de 32 m^3 con un fondo cuadrado, de manera que la superficie de sus paredes y el suelo necesiten la cantidad mínima de material. (2,5 puntos)

Sol: $x=4, h=2$

JUNIO 2016

1A. Dada la función $f(x) = x^3 + 3x^2 + ax - 6$, $a \in \mathbb{R}$, se pide:

a) Determinar el valor del parámetro $a \in \mathbb{R}$ para que la pendiente de la recta tangente a la gráfica de $f(x)$ en su punto de inflexión sea -3 . (1,25 puntos)

b) Para el valor del parámetro encontrado, calcular los extremos relativos e intervalos de crecimiento y decrecimiento de $f(x)$. (1,25 puntos)

Sol: a) $a=0$, b) Max. en $x=-2$ y Min. en $x=0$. Crece $(-\infty, -2) \cup (0, \infty)$ y decrece $(-2, 0)$

SEPTIEMBRE 2016

1A. Se quiere construir un depósito de chapa abierto superiormente con forma de prisma recto de base cuadrada, de $1000m^3$ de capacidad, lo más económico posible. Sabiendo que:

- El coste de la chapa usada para los laterales es de 100 euros el metro cuadrado
- El coste de la chapa usada para la base es de 200 euros el metro cuadrado

¿Qué dimensiones debe tener el depósito?

¿Cuál es el precio de dicho depósito? (2,5 puntos)

Sol: $x=10$, $h=10$ y coste $C(10)=60000€$

1B. Dada la función

$$f(x) = 2xe^{1-x}$$

se pide:

- a) Estudiar si tiene asíntotas horizontales (1,25 puntos)
- b) Calcular sus puntos de inflexión. (1,25 puntos)

Sol: a) A. Horizontal por la derecha en $y=0$. No tiene nada más, b) P.Inflexión en $(2,4/e)$

JUNIO 2015

1A. Dada la función $f(x) = e^{\sin x} + x^2 + ax + b$, $a, b \in \mathbb{R}$:

- a) Determina los parámetros $a, b \in \mathbb{R}$ sabiendo que la gráfica de $f(x)$ pasa por el punto $(0,2)$ y que en dicho punto tiene un extremo relativo. (1,5 puntos)
- b) Para los valores de los parámetros encontrados, estudia si dicho extremo relativo es un máximo o un mínimo. (1 punto)

1B. Calcula el dominio y las asíntotas de las siguientes funciones

$$f(x) = \frac{\sqrt{2x-x}}{x-2}, \quad g(x) = \frac{x^3}{x^2-4x+4} \quad (1,25 \text{ puntos por cada función})$$

2B. Dada la función $f(x) = (x+1)e^{2x}$, se pide:

- a) Calcula los intervalos de concavidad y convexidad y los puntos de inflexión de $f(x)$. (1,25 puntos)

SEPTIEMBRE 2015

1A. Calcula los siguientes límites:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)}{xe^{\sin x}}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} (1 + \tan x)^{\frac{1}{x + \sin x}} \quad (1,25 \text{ puntos cada límite})$$

Nota: $\tan x$ denota a la tangente de x .

- 2A. a) Calcula la ecuación de la recta tangente a la gráfica de $f(x) = x^2$ en el punto de abscisa $x = 2$. (0,5 puntos)

PAEG – Curso 11/12 - Junio

1A. Dada la función

$$f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c,$$

calcula los parámetros $a, b, c \in \mathbb{R}$ sabiendo que:

- la recta tangente a la gráfica de $f(x)$ en el punto de abscisa $x = -1$ tiene pendiente -3
- $f(x)$ tiene un punto de inflexión de coordenadas $(1, 2)$.

(2,5 puntos)

Sol: Se obtienen las ecuaciones $-2a+b=-6$, $6+2a=0$, $a+b+c=1 \rightarrow$ Resolverlas...

PAEG – Curso 11/12 - Junio

1B. La concentración (en %) de nitrógeno de un compuesto viene dada, en función del tiempo $t \in [0, +\infty)$ medido en segundos, por la función

$$N(t) = \frac{60}{1 + 2e^{-t}}$$

- Comprueba que la concentración de nitrógeno crece con el tiempo. ¿Para qué $t \in [0, +\infty)$ la concentración de nitrógeno es mínima y cuál es esta concentración? (1,25 puntos)
- ¿A qué valor tiende la concentración de nitrógeno cuando el tiempo tiende a infinito? (1,25 puntos)

Sol: a) $N'(t) = \frac{2e^{-t}}{(1+2e^{-t})^2}$, ver que $N(t)$ es creciente en $[0, +\infty)$ y su mínimo es $t=0$ con 20% concentración

b) Calcular límite en el infinito de $N(t)$

PAEG – Curso 11/12 - Septiembre

1B. Dada la función

$$f(x) = \frac{ax^2 + b}{2x + 6},$$

calcula los parámetros $a, b \in \mathbb{R}$ sabiendo que:

- $f(x)$ tiene una asíntota oblicua de pendiente 2
- $f(x)$ tiene un mínimo relativo en el punto de abscisa $x = 0$. (2,5 puntos)

PAEG – Curso 10/11 - Junio

1A. Dada la función $f(x) = \frac{4x^2 + 3x + 4}{2x}$, se pide:

- Calcula las asíntotas verticales y oblicuas de $f(x)$. (1,25 puntos)
- Coordenadas de los máximos y mínimos relativos de $f(x)$. (1,25 puntos)

PAEG – Curso 09/10 - Junio

1B. La velocidad de una partícula, medida en m/sg , está determinada en función del tiempo $t \geq 0$, medido en segundos, por la expresión $v(t) = (t^2 + 2t)e^{-t}$. Se pide:

- a) ¿En qué instante de tiempo del intervalo $[0, 3]$ se alcanza la velocidad máxima? (1,25 puntos)
- b) Calcula $\lim_{t \rightarrow \infty} v(t)$, e interpreta el resultado obtenido. (1,25 puntos)

PAEG – Curso 09/10 - Septiembre

1A. a) Definición de derivada de una función en un punto. (0,5 puntos)

b) Dada la función $f(x) = \begin{cases} \frac{ax + \operatorname{sen} x}{2x - x^2} & \text{si } x < 0 \\ bx + c & \text{si } 0 \leq x < 1 \\ \frac{1}{1+x} & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$, determina los parámetros $a, b, c \in \mathbb{R}$

para que $f(x)$ sea una función continua en $x = 0$, y además sea continua y derivable en $x = 1$. (2 puntos)

2A. a) Determina el dominio de la función $f(x) = \sqrt{2x + 1}$. (1 punto)